

zeitunabhängige

Störungstheorie

Problemstellung

Betrachte Hamiltonian, das sich aus einem bekannten Hamiltonian H_0 (also einem Hamiltonian mit bekannter Lösung) und einem unbekannten Teil V (der Störung) zusammensetzt:

$$H = H_0 + V$$

$$H_0 |\phi_n\rangle = E_n^{(0)} |\phi_n\rangle$$

$E_n^{(0)}, |\phi_n\rangle$
bekannt

Hoffnung: V hat keinen allzu großen Einfluss auf die Lösung, sodass die Lösung als Linearkombination der bekannten Lösungen dargestellt werden kann.

→ Wie kann man um $V=0$ entwickeln? (Vist Operator!)

Idee: Betrachte statt H den durch den Störparameter λ parametrisierte Hamiltonian

$$H_\lambda = H_0 + \lambda \cdot V$$

$$\rightarrow H_0 = H_\lambda|_{\lambda=0}$$

$$\rightarrow H = H_\lambda|_{\lambda=1}$$

→ nur $\lambda \in [0,1]$
relevant

→ Nun kann die Lösung von H_λ um $\lambda=0$ entwickelt werden

→ Liegt eine Reihenentwicklung für die "wahren" Lösung $|\psi\rangle$ ($H|\psi\rangle = E|\psi\rangle$)

→ Neue Fragestellung: Konvergiert die Reihe für $\lambda \rightarrow 1$?

↳ Wie groß ist die Störung ausgedrückt in der natürlichen Längenskala von H_0 ? (Natürliche Stärke der Störung)

To Do:

- Natürliche Stärke der Störung ermitteln

→ sollte sehr viel kleiner als 1 sein

(siehe "natürliche Stärke einer Störung")

(sonst dominiert egl. Störung das Verhalten von H , E)

↑ Hoffnung → Entartung

- Korrekturen berechnen, indem Reihenentwicklung eingesetzt wird

↳ Hierbei Entartung berücksichtigen!

Normierbarkeit

Stärke auch:

- Dimensionstrennung (Größen), natürliche Stärke einer Störung
- Natürliche Stärke einer Störung, Dimensionstrennung
- Korrekturen d. ST (Herleitung)